

ACTIVIDAD 9. OPERACIONES EN Z – POTENCIA Y RADICACIÓN

POTENCIACIÓN DE NÚMEROS ENTEROS

La potenciación expresa una multiplicación de factores iguales y su resultado se denomina potencia.

$$a \cdot a \cdot a \cdot a \dots a = a^{n \rightarrow \text{Exponente}}$$

base

Cuando la base es un número negativo, el signo de la potencia dependerá del exponente.

Ej. 1: $(-3)^2 = (-3) \cdot (-3) = +9$

Ej. 2: $(-3)^4 = (-3) \cdot (-3) \cdot (-3) \cdot (-3) = +81$

Ej. 3: $(-3)^3 = (-3) \cdot (-3) \cdot (-3) = -27$

Ej. 4: $(-3)^5 = (-3) \cdot (-3) \cdot (-3) \cdot (-3) \cdot (-3) = -243$

⇒ Si el exponente es **par**, la potencia siempre es **positiva**.

⇒ Si el exponente es **impar**, la potencia tiene el mismo signo que la **base**.

Para tener muy en cuenta $(-2)^2 \neq -2^2$

Ej.1: $(-2)^2 = (-2) \cdot (-2) = +4$

Ej.2: $-2^2 = -2 \cdot 2 = -4$

❖ Calcular las siguientes potencias

a) $(-2)^3 =$

b) $(-1)^4 =$

c) $(-7)^0 =$

d) $-3^5 =$

e) $(-7 + 3)^3 =$

f) $(5 - 12)^2 =$

g) $(-9 + 2.3)^4 =$

h) $(5.3 - 2.8)^9 =$

❖ Resolver los siguientes cálculos combinados.

a) $(-3.4 + 8)^2 - \sqrt[3]{-5^2 - 2} - 3^0 =$

b) $\sqrt{-8:4 + 3^3} + (-5 + 2)^3 + 2^3 =$

c) $\sqrt{3} \cdot \sqrt{12} + (-2)^4 - 8^2: (-4) \cdot (-3) =$

d) $2^7: 2^5 - \sqrt{10^2 - 7 \cdot (-3)} + (-7 + 5)^2 =$

RADICACIÓN DE NÚMEROS ENTEROS

La radicación se define como

$$\sqrt[n]{a} = b \text{ si se cumple que } b^n = a$$

Ej.1: $\sqrt[3]{-27} = -3 \text{ porque } (-3)^3 = -27$

Ej.2: $\sqrt[5]{-32} = -2 \text{ porque } (-2)^5 = -32$

Las raíces $\sqrt{-4}$ y $\sqrt[4]{-81}$ no tiene solución en el conjunto de los números enteros

❖ Calcular las siguientes raíces

a) $\sqrt{81}$

b) $\sqrt{196}$

c) $\sqrt[3]{-216}$

d) $\sqrt[3]{125}$

e) $\sqrt[4]{256}$

f) $\sqrt[5]{-243}$

❖ Resolver las siguientes raíces

a) $\sqrt{-3 \cdot (-8) + (-5)^2} =$

b) $\sqrt[3]{7 \cdot (-4) - 6^2} =$

c) $\sqrt{(3 - 10)^2 - 2^3 \cdot (-15)}$

d) $\sqrt{-2^2 - (-5)^3}$